

ЗАДАНИЯ ЗАОЧНОГО ЭТАПА

Творческого конкурса учителей и преподавателей математики образовательных учреждений Республики Адыгея 2011 год

1. Решите неравенство $\sqrt{x^2 + x + 4} \leq 2x + |3x - 2|$.

2. Найдите все значения параметра b , при каждом из которых большее из двух чисел $5b - 1$ и $|2b|$ равно квадрату меньшего?

3. Дан отрезок длины 20. Три окружности радиуса 4 имеют центры в концах отрезка или в его середине. Найдите радиус четвертой окружности, касающейся трех данных.

4. Решение предложенной задачи является неверным. Укажите ошибки и приведите верное решение.

Условие задачи:

При каких действительных a множества решений уравнений $4 \cos^2 x = a^2 - 6$ и $1 - \cos 2x = \frac{a}{6}$ совпадают?

Решение:

Первое уравнение равносильно такому: $\cos 2x = \frac{a^2 - 8}{2}$, а второе — $\cos 2x = 1 - \frac{a}{6}$. Отсюда получаем, что $\frac{a^2 - 8}{2} = 1 - \frac{a}{6}$. Отсюда $a = 3$ или $a = -\frac{10}{3}$.

Ответ: $-\frac{10}{3}; 3$.

5. Решение предложенной задачи содержит ошибки. Укажите ошибки и приведите верное решение. Объясните, как получена формула в условии задачи

Условие задачи:

Расстояние от наблюдателя, находящегося на небольшой высоте h над землей, выраженное в километрах, до наблюдаемой им линии горизонта вычисляется по формуле $l = \sqrt{\frac{Rh}{500}}$, где $R = 6400$ км — радиус Земли. На какой высоте следует располагаться наблюдателю, чтобы он видел горизонт на расстоянии 12 километров? Ответ выразите в метрах.

Решение:

Из данной формулы выражаем h и находим его численное значение. Полученное число и будет ответом в данной задаче. Итак, $h = \frac{500 \cdot l^2}{R}$, подставляя численные значения известных нам величин, получаем ответ:

$h = \frac{500 \cdot 12^2}{6400} = 11,25$ км, или 11250 метров. Ответ получен, причем, если величины l и h выразить в метрах, то результат будет аналогичным ранее полученному.

Ответ: 11250 метров.

6. Приведите как можно больше способов доказательства теоремы о пересечении биссектрис треугольника.